

Worksheet 3a Limits)

1. Find each of the following limits if they exist. If they do not exist, give reasons for your answers.

a. $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{-3x^2 + x - 6}{x^2 + 3x - 10} \right)$

b. $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{7 - 3x^2 - 6x^3}{4x^2 + 3x - 10} \right)$

c. $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{1}{x} + 1 \right) \left(\frac{5x^2 - 7}{x^2} \right)$

d. $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x^2 + x - 6}{4x^3 + 3x - 10} \right)$

e. $\lim_{x \rightarrow -\infty} \left(\frac{3x^2 + x - 7}{-5x^2 - 4x + 10} \right)$

f. $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{3x^3 + 5x^2 - 7}{10x^3 - 11x + 5} \right)$

g. $\lim_{x \rightarrow -\infty} |x|$

h. $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{|x|}{|x| + 1} \right)$

i. $\lim_{x \rightarrow \infty} (\sqrt{x^2 + 1} - x)$

j. $\lim_{x \rightarrow \infty} (\sqrt{3x^2 + 8x + 6} - \sqrt{3x^2 + 3x + 1})$

k. $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\sqrt{\frac{12x^3 - 5x + 2}{1 + 4x^2 + 3x^3}} \right)$

l. $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{9 - 7x - 8x^3}{10 - 3x - 9x^2} \right)$

m. $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{4x^4 - 9x}{5x - 7x^2 - 11x^4 - 1} \right)$

n. $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{\sqrt{x^2 - 5x}}{4 - 3x} \right)$

o. $\lim_{x \rightarrow -\infty} \left(\frac{\sqrt{x^2 - 5x}}{4 - 3x} \right)$

P. $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x\sqrt{x}}{\sqrt{5 + x^3}} \right)$

q. $\lim_{x \rightarrow -\infty} \left(\frac{x\sqrt{x}}{\sqrt{5 + x^3}} \right)$

r. $\lim_{x \rightarrow \infty} (\sqrt{3x^2 + 8x + 6} - \sqrt{4x^2 + 3x + 1})$